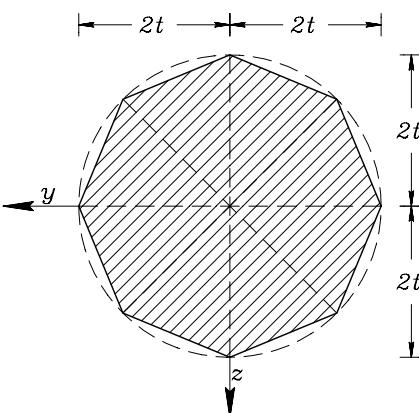


Prvi kolokvij iz TRDNOSTI (UNI), 10. april 2007

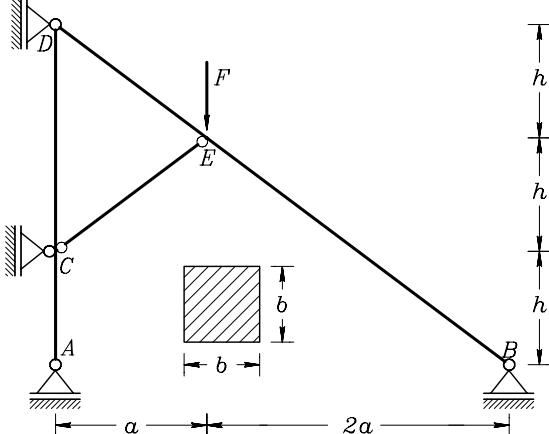
1. Določi in skiciraj jedro pravilnega osemkotnika na sliki.

Podatki: t .



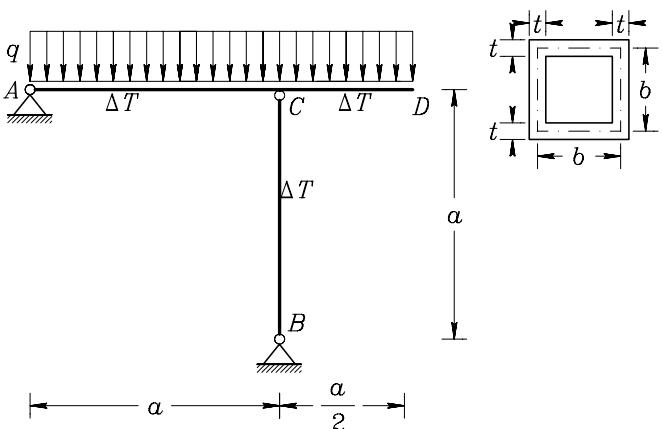
2. Ravninski okvir je obtežen z navpično silo. Vsi nosilci imajo enak prečni prerez, prikazan na sliki. Določi dijagrame osnih in prečnih sil ter upogibnih momentov. Določi tudi vodoravni pomik podpore B .

Podatki: $F = 2 \text{ kN}$, $a = 400 \text{ cm}$, $b = 20 \text{ cm}$, $h = 300 \text{ cm}$, $E = 20000 \frac{\text{kN}}{\text{cm}^2}$.



3. Ravninski okvir je obtežen s snegom (z enakomerno zvezno obtežbo q). Celoten okvir še dodatno enakomerno ohladimo za $\Delta T = 10 \text{ K}$. Simetrični prerez vseh nosilcev je prikazan na sliki desno. Določi dijagrame osnih in prečnih sil ter upogibnih momentov in vodoravni ter navpični pomik prostega krajišča D .

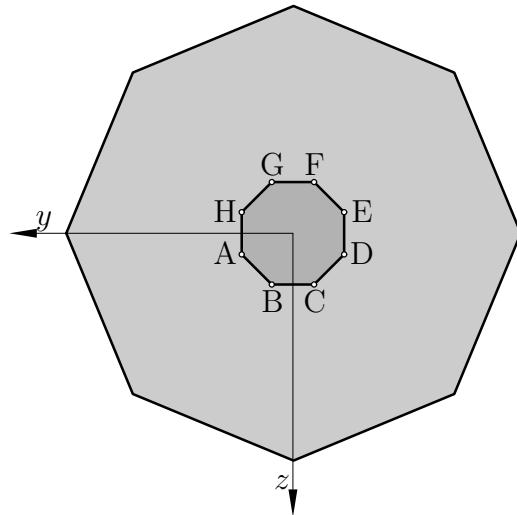
Podatki: $q = 4 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$, $a = 4 \text{ m}$, $b = 30 \text{ cm}$, $t = 3 \text{ cm}$, $E = 20000 \frac{\text{kN}}{\text{cm}^2}$, $\alpha_T = 1.25 \cdot 10^{-5} \frac{1}{\text{K}}$.



Točkovanje: $35 \% + 40 \% + 40 \% = 115 \%$.

Prvi kolokvij iz TRDNOSTI (UNI), 10. april 2007
Rešitve

1. Geometrijske karakteristike prereza: $A_x = 8\sqrt{2}t^2$, $I_y = \frac{8}{3}(1 + 2\sqrt{2})t^4$.
 Jedro prereza je prikazano na spodnji sliki.

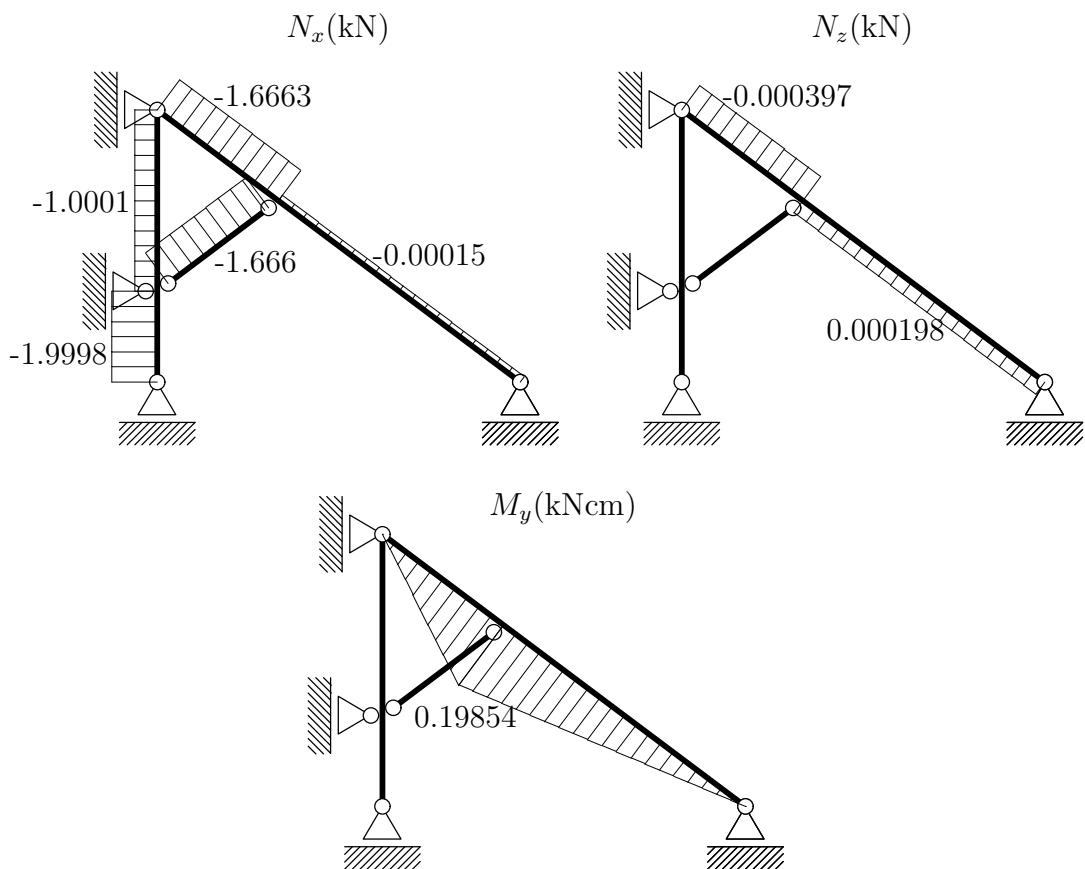


Koordinate oglišč robu jedra prereza so:

$$A\left(\frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t, \frac{1}{12}(-2 + 3\sqrt{2})t\right), \\ C\left(\frac{1}{12}(2 - 3\sqrt{2})t, \frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t\right), \\ E\left(-\frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t, \frac{1}{12}(2 - 3\sqrt{2})t\right), \\ G\left(\frac{1}{12}(-2 + 3\sqrt{2})t, -\frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t\right),$$

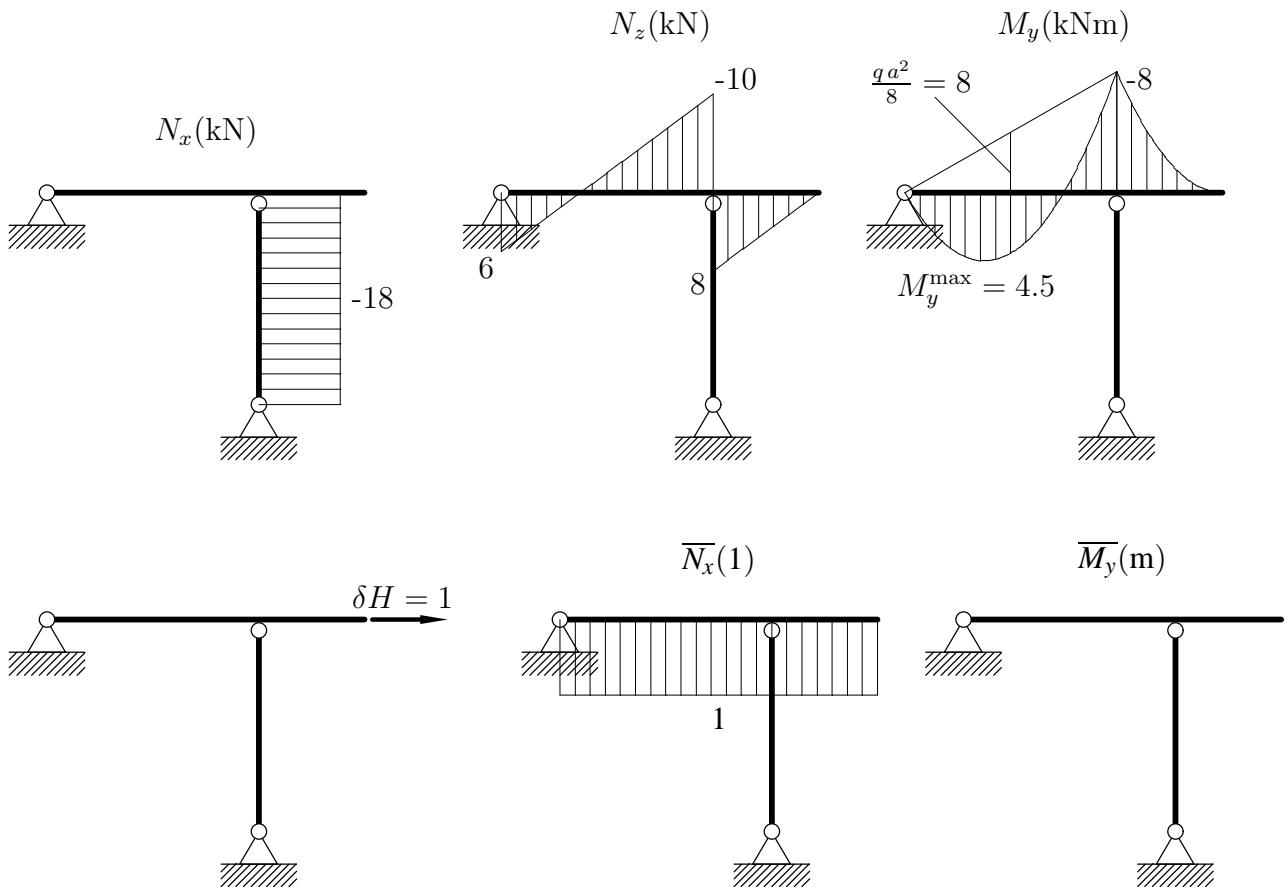
$$B\left(\frac{1}{12}(-2 + 3\sqrt{2})t, \frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t\right), \\ D\left(-\frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t, \frac{1}{12}(-2 + 3\sqrt{2})t\right), \\ F\left(\frac{1}{12}(2 - 3\sqrt{2})t, -\frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t\right), \\ H\left(\frac{1}{12}(4 + \sqrt{2})t, \frac{1}{12}(2 - 3\sqrt{2})t\right).$$

2. Diagrame notranjih sil prikazuje spodnja slika.

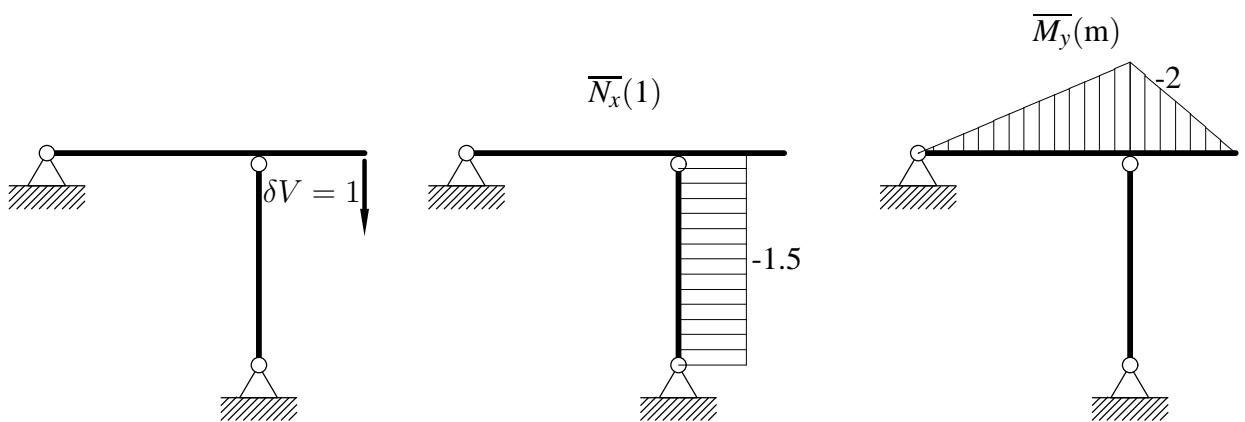


Vodoravni pomik točke B znaša $1.1250 \cdot 10^{-4}$ cm.

3. Ker je konstrukcija statično določena, temperaturne spremembe ne vplivajo na notranje sile, temveč samo na pomike. Diagrame notranih sil prikazuje spodnja slika.



Vodoravni pomik točke D znaša $u_D = \alpha_T \Delta T \frac{3a}{2} = -0.075 \text{ cm}$.



Navpični pomik točke D znaša

$$\begin{aligned}
 w_D &= (-1.5) (-18 \text{ kN}) \frac{a}{E A_x} + (-1.5) \alpha_T \Delta T a + \frac{(-2 \text{ m})(-8 \text{ kNm}) \frac{a}{2}}{4 E I_y} \\
 &+ \frac{(-2 \text{ m})(-8 \text{ kNm}) a}{3 E I_y} + \frac{(-2 \text{ m})(8 \text{ kNm}) a}{3 E I_y} = 0.1017 \text{ cm}.
 \end{aligned}$$